

المستوى: 4 متوسط

مديرية التربية لولاية سكيكدة

المدة: 2 سا

إختبار تجريبي في مادة الرياضيات

متوسطة يمونة قموح

التمرين الأول : 3ن

إليك الأعداد A ، B ، C حيث:

$$C = \sqrt{125} - 5\sqrt{45} + \sqrt{180} \quad ; \quad B = \frac{2.4 \times 10^4 \times 3 \times 10^{-5}}{6 \times 10^{-7} \times 2 \times 10^3} \quad ; \quad A = \left(-5 + \frac{1}{3}\right) \div \frac{2}{3} + 2$$

(1) بين أن A عدد صحيح نسبي.

(2) اكتب العدد B كتابة علمية.

(3) أكتب C على الشكل $a\sqrt{5}$

(4) اجعل مقام النسبة $\frac{A}{C}$ عددا ناطقا.

التمرين الثاني : 3ن

إليك العبارة الجبرية E حيث : $E = (x - 1)(2x - 1) + 3(2x - 1)$

(1) انشر و بسط العبارة E

(2) حلل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى

(3) حل المعادلة : $(x + 2)(2x - 1) = 0$

(4) حل المتراجحة و مثل حلولها بيانيا $E - 2x^2 < 10$

التمرين الثالث : 3ن

إليك الشكل (وحدة الطول هي cm)

ABC مثلث قائم في A بحيث : $BC = 7.5$; $AB = 5$

لتكن M نقطة من المستقيم (AB) بحيث $AM = 2.5$

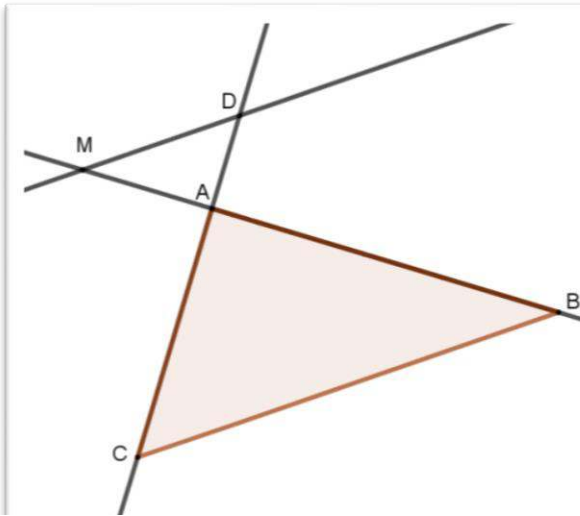
و $(DM) \parallel (BC)$

(1) أنشئ الشكل بدقة

(2) احسب قياس الزاوية \widehat{ABC} بالتدوير للوحدة.

(3) احسب MD

(4) M هي صورة النقطة C بدوران. أذكر مركزه وزاويته وإتجاهه



التمرين الرابع : 3ن

(0; \vec{OI} ; \vec{OJ}) معلم متعامد ومتجانس للمستوى. الوحدة cm

1. علم النقط $A(-1;6)$ ، $B(3;3)$ ، $C(-7;-2)$.

2. أحسب AB ثم بين أن المثلث ABC قائم. علما أن $AC=10$ ؛ $BC=5\sqrt{5}$

3. احسب إحداثيتي E منتصف [CB].

4. استنتج طول المتوسط المتعلق بالضلع [CB] في المثلث ABC. (بالتدوير إلى $\frac{1}{10}$)

الوضعية الإدماجية: 8ن

نظمت إذاعة القرآن الكريم مسابقة لاختيار أفضل مقرئ لدى المستمعين؛ عن طريق التصويت بإرسال رسائل قصيرة SMS،

وباستعمال إحدى العروض التالية

- العرض الأول: دفع 5DA لكل رسالة قصيرة إضافة إلى مبلغ جزافي غير مسترجع قدره 100DA.
 - العرض الثاني: دفع 10DA لكل رسالة قصيرة.
 - العرض الثالث: دفع 500DA مهما كان عدد الرسائل القصيرة.
- (1) عبد الله وسعاد مستمعان يريدان تشجيع زميلهم إياد الذي شارك في المسابقة، حيث يستطيع عبد الله إرسال 40 رسالة فيما تمتلك سعاد رصيد DA150 تريد استعماله كاملا
- (أ) ساعد كلا منهما على اختيار العرض المناسب لأكثر عدد من الرسائل القصيرة
- (ب) هل يمكن لعبد الله وسعاد اختيار العرض الثالث؟
- (2) باعتبار x عدد الرسائل القصيرة
- $f(x)$ المبلغ المدفوع وفق العرض الأول
 - $g(x)$ المبلغ المدفوع وفق العرض الثاني
 - $h(x)$ المبلغ المدفوع وفق العرض الثالث.

أكتب بدلالة x كلا من $f(x)$ ؛ $g(x)$ ؛ $h(x)$

(3) أنشئ في معلم متعامد ومتجانس ($O; \vec{OI}; \vec{OJ}$) مبدؤه O ووحده 1cm المستقيمات

(D) ؛ (K) ؛ (T) التي معادلاتها على الترتيب

$$y = 500 \quad ; \quad y = 10x \quad ; \quad y = 5x + 100$$

نأخذ: 1cm على محور الفواصل يمثل 20 رسالة قصيرة و 1cm على محور الترتيب يمثل 100DA.

(4) بقراءة بيانية:

- (أ) حدد فاصلة نقطة تقاطع المستقيمين (D) و(K)
- (ب) حدد فاصلة نقطة تقاطع المستقيمين (D) و(T)
- (ج) حدد حسب قيم x العرض الأفضل للمصوتين مع الشرح. (حيث x عدد الرسائل القصيرة)

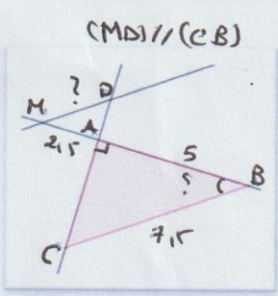
التصحيح النموذجي
التمرين الأول:

العلامة 0,75 x 4	$\frac{A}{C} = \frac{-5}{-4\sqrt{5}}$	$C = \sqrt{125} - 5\sqrt{45} + \sqrt{180}$	$B = \frac{2,4 \times 10^4 \times 3 \times 10^{-5}}{6 \times 10^{-7} \times 2 \times 10^3}$	$A = (-5 + \frac{1}{3}) \div \frac{2}{3} + 2$
0,5 للطرفية	$\frac{A}{C} = \frac{-5\sqrt{5}}{-4 \times 5}$	$C = 5\sqrt{5} - 5 \times 3\sqrt{5} + 6\sqrt{5}$	$B = \frac{2,4 \times 3}{6 \times 2} \times \frac{10^{4+(-5)}}{10^{-7+3}}$	$A = (-\frac{15}{3} + \frac{1}{3}) \div \frac{2}{3} + 2$
0,25 للتبعية	$\frac{A}{C} = \frac{\sqrt{5}}{4}$	$C = (5 - 15 + 6) \sqrt{5}$	$B = 0,6 \times 10^{-1 - (-4)}$	$A = -\frac{14}{3} \div \frac{2}{3} + 2$
		$C = -4\sqrt{5}$	$B = 0,6 \times 10^3$	$A = -\frac{14}{3} \times \frac{3}{2} + 2$
			$B = 6 \times 10^{-1} \times 10^3$	$A = -7 + 2$
			$B = 6 \times 10^2$	$A = -5$

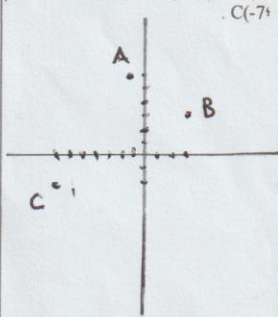
التمرين الثاني

0,75 x 4	$E - 2x^2 < 10$	$(x+2)(2x-1) = 0$	$E = (x-1)(2x-1) + 3(2x-1)$	$E = (x-1)(2x-1) + 3(2x-1)$
0,5 للطرفية	$[2x^2 + 3x - 2] - 2x^2 < 10$	أما $x+2 = 0$ أو $2x-1 = 0$	$E = (2x-1)[(x-1) + 3]$	$E = 2x^2 - x - 2x + 1$
0,25 للتبعية	$3x - 2 < 10$	$x = -2$ أو $2x = 1$	$E = (2x-1)(x+2)$	$+ 6x - 3$
	$3x < 12$	$x = \frac{1}{2}$		$E = 2x^2 + 3x - 2$
	كل الأعداد الخمسة مقبولة مع حل المعادلة	المعادلة حلين هما $-2, \frac{1}{2}$		

التمرين الثالث

0,75 x 4	M هي صورة النقطة C بدوران أ. أنكر مركزه وزاويته وإتجاهه	احسب MD $(MO) \parallel (CB)$ بتطبيق خاصية طاليس	قيس الزاوية ABC المثلث ABC قائم في A $\cos^{-1}(\frac{2}{7,5}) = 48,18^\circ$ $\widehat{ABC} = 48^\circ$	
0,75 الشكل	دوران مركزه B زاوية $\widehat{ABC} = 48^\circ$	لحد $\frac{AM}{AB} = \frac{AD}{AC} = \frac{MD}{CB}$		
0,25 cos	في الاتجاه السالب	$\frac{2,5}{5} = \frac{AD}{7,5} = \frac{MD}{7,5}$		
0,25 ABC		$MD = \frac{2,5 \times 7,5}{5}$		
0,25 للطرفية		$MD = \frac{5}{5} = 1$		
0,25 للتبعية				

التمرين الرابع

0,75 للعلم	استنتج طول المتوسط المتعلق بالضلع [CB] في المثلث ABC. (بالتدوير إلى $\frac{1}{10}$)	احسب إحداثيتي E منتصف [CB].	احسب AB ثم بين أن المثلث ABC قائم. علما أن $BC = 5\sqrt{5}$; $AC = 10$	علم النقط $A(-1;6)$; $B(3;3)$; $C(-7; -7)$
0,5 AB	طول المتوسط [AE] $AE = \frac{1}{2} BC$	$x_E = \frac{x_C + x_B}{2}$	$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$	
0,25 للتبعية	$AE = \frac{1}{2} \times 5\sqrt{5}$	$y_E = \frac{y_C + y_B}{2}$	$AB = \sqrt{4^2 + (-3)^2}$	
0,25 للتبعية	$AE = 2,5\sqrt{5}$	$x_E = \frac{-4}{2}$ $y_E = \frac{1}{2}$	$AB = \sqrt{25}$ $AB = 5$ cm	
0,25 للتبعية	$AE = 2,5 \times 2,23$	$E(-2, \frac{1}{2})$	$AB^2 = 25 \leftarrow AB = 5$	
	$AE = 5,59 \approx 6$ cm		$AC^2 = 100 \leftarrow AC = 10$	
			$BC^2 = 125 \leftarrow BC = 5\sqrt{5}$	
			ومنه $AB^2 + AC^2 = BC^2$ $25 + 100 = 125$	
			ح. الخاصية العكسية لخاصية طاليس المثلث قائم في A	

العلامة	حل مختصر	رقم السؤال
---------	----------	------------

ساعد كلا منهما على اختيار العرض المناسب لأكثر عدد من الرسائل القصيرة
 عند الله

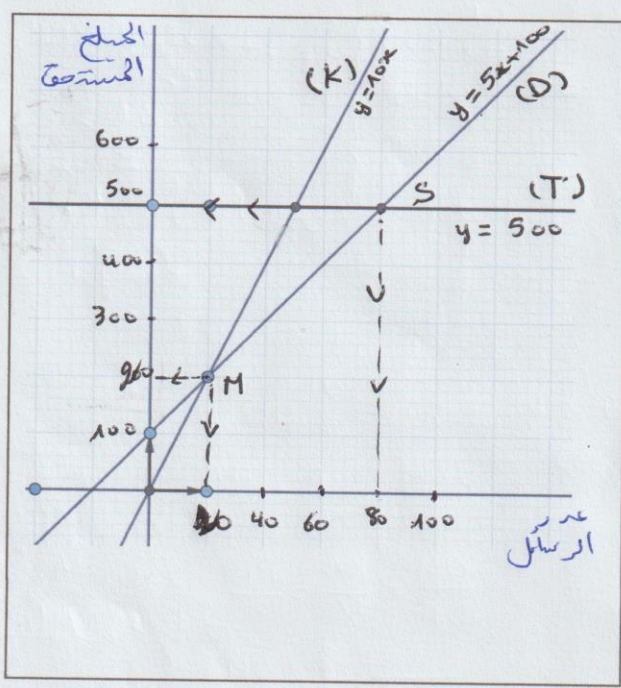
رسائل 10 = $(150 - 100) \div 5$

رسالة 15 = $150 \div 10$

الاحتيا، الأفضل العرض الثاني.

هل يمكن لعبد الله وسعاد اختيار العرض الثالث؟ لا يمكن لعبد الله اختيار العرض الثالث لأنه لا يمكن له اختيار العرض الثالث لأن رسالته أقل. 40 رسالة

$g(x) = 10x$ $f(x) = 5x + 100$ $h(x) = 500$



$f(x) = y = 5x + 100$ (D)

x	0	20
y	100	200
النقطة	(0; 100)	(20; 200)

$g(x) = y = 10x$ (K)

x	0	20
y	0	200
النقطة	(0; 0)	(20; 200)

$h(x) = y = 500$ (T)

x	40	20
y	500	500
النقطة	(40, 500)	(20, 500)

حدد بيانيا فاصلة نقطة تقاطع المستقيمين (D) و (K) بالانسقاط على محور القواميل 20
 بالانسقاط على محور الترتيب 200
 M (20, 200)

حدد بيانيا فاصلة نقطة تقاطع المستقيمين (D) و (T) بالانسقاط على محور القواميل 80
 بالانسقاط على محور الترتيب 500
 S (80, 500)

حدد حسب قيم x العرض الأفضل للمصوتين مع الشرح. (حيث x عدد الرسائل القصيرة)

إذا كان عدد الرسائل القصيرة أكبر من 80
 رسالة فإن العرض الأفضل هو العرض الأول (D) لأن المستقيم (D) يقع أسفل (K) و (T)

إذا كان عدد الرسائل القصيرة بين 20 و 80
 رسالة فإن العرض الأفضل هو العرض الثاني (K) لأن (K) يقع أسفل (D) و (T)

إذا كان عدد الرسائل القصيرة أصغر من 20
 رسالة فإن العرض الثالث (T) هو الأفضل لأن (T) يقع أسفل (D) و (K)

إذا كان عدد الرسائل القصيرة 80 رسالة فإن العرض الأول والثاني متساويان

إذا كان عدد الرسائل القصيرة 20 رسالة فإن العرض الثاني متساويان

العلامة	العلامة مجزأة	المؤشرات	المعيار	رقم السؤال
	أكثر من 10 مؤشرات 1 ك ← من 6 - 9 ← بين 3 - 5 ← 0.2 ← 0.1 ← 2 0 ← 0	إختيار طريقة لحساب المبلغ المدفوع من أجل 40 رسالة بالعرض الأول إختيار طريقة لحساب المبلغ المدفوع من أجل 40 رسالة بالعرض الثاني إختيار طريقة لحساب عدد الرسائل من أجل 150 دج بالعرض الأول إختيار طريقة لحساب عدد الرسائل من أجل 150 دج بالعرض الثاني إختيار العرض الأنسب مقارنة مايملكه عبد الله بالعرض الثالث مقارنة ماتملكه سعاد بالعرض الثالث	التفسير السليم	1
		الطريقة المختارة لحساب المبلغ المدفوع من أجل 40 رسالة بالعرض الأول صحيحة الطريقة المختارة لحساب المبلغ المدفوع من أجل 40 رسالة بالعرض الثاني صحيحة الطريقة المختارة لحساب عدد الرسائل من أجل 150 دج بالعرض الأول صحيحة الطريقة المختارة لحساب عدد الرسائل من أجل 150 دج بالعرض الثاني صحيحة العرض الأنسب المختار صحيح مقارنة مايملكه عبد الله بالعرض الثالث صحيحة مقارنة ماتملكه سعاد بالعرض الثالث صحيحة	الإستعمال السليم	
	6 ← 1 ك 5 ← 1 3 ← 0.2 1 ← 0.1	كتابة عبارة بدلالة بالعرض الأول كتابة عبارة بدلالة بالعرض الثاني كتابة عبارة بدلالة بالعرض الثالث	التفسير السليم	2
		العبارة المختارة بدلالة بالعرض الأول صحيحة العبارة المختارة بدلالة بالعرض الثاني صحيحة العبارة المختارة بدلالة بالعرض الثالث صحيحة	الإستعمال السليم	
	أكثر من 12 8 - 11 ← 1 ك 4 - 7 ← 1 2 - 3 ← 0.2 1 ← 0.1	إنشاء معلم متعامد ومتجانس إختيار نقطتين من (D) إختيار نقطتين من (K) إختيار نقطتين من (T) إنشاء (D) إنشاء (K) إنشاء (T)	التفسير السليم	3
		إنشاء معلم متعامد ومتجانس بإستعمال السلم المقترح إختيار نقطتين من (D) بطريقة صحيحة إختيار نقطتين من (K) بطريقة صحيحة إختيار نقطتين من (T) بطريقة صحيحة إنشاء (D) صحيح إنشاء (K) صحيح إنشاء (T) صحيح	الإستعمال السليم	
	6 ← 2 مؤشرات 4 - 5 ← 1 ك 2 ← 1	تحديد نقطة تقاطع (D) و (K) تحديد نقطة تقاطع (D) و (T) تحديد العرض الأفضل حسب قيم α	التفسير السليم	4
	2 ← 3 1 ← 0.2 0.1 ← 1	تحديد نقطة تقاطع (D) و (K) صحيح تحديد نقطة تقاطع (D) و (T) صحيح تحديد العرض الأفضل حسب قيم α صحيح	الإستعمال السليم	
	3 ← 0.2 2 ← 0.2 1 ← 0.2	التسلسل المعقولة إحترام الوحدات	الأنسجام	كل الوضعية
	3 - 2 ← 0.2 1 ← 0.2	عدم الشطب مقرونية الخط	الإتقان	